



# Высшая проба

ВСЕРОССИЙСКАЯ  
ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ

## ДЕМОНСТРАЦИОННЫЙ ВАРИАНТ ЗАКЛЮЧИТЕЛЬНОГО ЭТАПА

Всероссийской олимпиады школьников «Высшая проба»  
по профилю «Информатика» для 9 класса

2022/2023 уч. год



**ВЫСШАЯ ШКОЛА ЭКОНОМИКИ**  
НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ

---

## Задача А. Набрать сумму денег

Имя входного файла: стандартный ввод  
Имя выходного файла: стандартный вывод  
Ограничение по времени: 1 секунда  
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Мальчик Витя хочет понять, сколькими способами он может расплатиться за свою игрушку стоимостью  $N$  рублей, при этом в магазине нет денег для сдачи. Так как у него есть неограниченное число купюр номиналом 50, 100 и 200 рублей, то ему слишком сложно дать ответ на этот вопрос. Помогите ему.

### Формат входных данных

Первая строка входных данных содержит единственное неотрицательное целое число  $N$  ( $0 \leq N \leq 10^6$ ) - стоимость игрушки.

### Формат выходных данных

Выведите количество различных способов купить игрушку стоимостью ровно  $N$  рублей купюрами 50, 100, 200 рублей при условии невозможности выдачи сдачи Вите.

### Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
50	1
36	0
200	4

---

## Задача В. Велодорожки

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	1 секунда
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Мэр одного города очень любит следить за тенденциями и воспроизводить их в своём городе. До него дошла новость о популярности велодорожек. Теперь он хочет проложить велодорожки в своём городе и сделать это лучше, чем в других городах! Поэтому он решил сделать велодорожки даже на главной площади города.

Главная площадь представляет собой прямоугольник шириной  $w$  и высотой  $h$ , замощённый квадратными плитками со стороной 1. Мэр хочет, чтобы было проложено две велодорожки **одинаковой ширины**: одна горизонтальная и одна вертикальная. К сожалению, ремонт на площади проводился достаточно давно и на некоторых плитках уже появились трещины. Мэр хочет проложить велодорожки так, чтобы после этого на площади остались только целые плитки. При строительстве велодорожек плитки на их месте убираются. Можно только убирать плитки с площади и нельзя менять местами или добавлять новые. Чтобы потратить меньше денег, мэр хочет сделать велодорожки наименьшей возможной ширины, при этом ширина дорожек должна быть целым числом. Определите, какой должна быть ширина велодорожек.

### Формат входных данных

В первой строке входных данных содержатся три целых числа  $w, h, n$  ( $1 \leq w, h \leq 10^9$ ,  $1 \leq n \leq \min(w \times h, 3 \cdot 10^5)$ ) — ширина и высота площади и количество потрескавшихся плиток соответственно.

В следующих  $n$  строках содержится по 2 целых числа  $x_i, y_i$  ( $1 \leq x_i \leq w$ ,  $1 \leq y_i \leq h$ ) — координаты потрескавшихся плиток.  $(x_i, y_i) \neq (x_j, y_j)$  при  $i \neq j$ .

### Формат выходных данных

Выведите единственное число  $c$  ( $1 \leq c \leq \min(w, h)$ ) — наименьшую возможную ширину велодорожек.

### Система оценки

Тесты к этой задаче состоят из 5 групп. Баллы за каждую группу ставятся только при прохождении всех тестов группы и всех тестов **необходимых** групп.

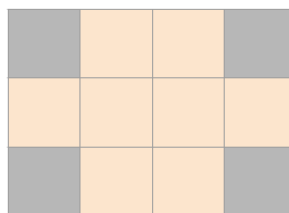
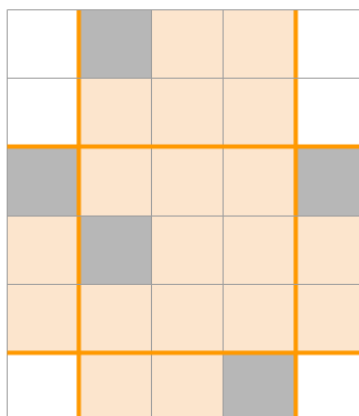
Группа	Баллы	Доп. ограничения		Необх. группы	Комментарий
		$w, h$	$n$		
0	0	—	—	—	Тесты из условия.
1	10	$w, h \leq 500$	$n \leq 500$	0	
2	10	$w, h \leq 2000$	$n \leq 2000$	0, 1	
3	10	$w, h \leq 2000$	—	0, 1, 2	
4	30	$w, h \leq 3 \cdot 10^5$	—	0-3	
5	40	—	—	0-4	

## Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
5 6 5 5 4 2 6 4 1 2 3 1 4	3
4 3 4 1 1 4 3 4 1 1 3	3

## Замечание

Ниже приведены картинки к примерам из условия. Серым отмечены потрескавшиеся плитки. Во втором примере ширина дорожек равна меньшей из сторон прямоугольника.



---

## Задача С. Налог

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Даниилу на совершеннолетие состоятельные родители подарили  $n$  квартир и его радости не было предела до того момента, пока он не узнал, что со вступлением во взрослую жизнь появляются налоги. В Берляндии (стране, в которой живет Даниил) действует налог на недвижимость зависящий только от площади максимальной квартиры, которой владеет гражданин. Даниил научился уменьшать площадь квартиры, однако за это тоже нужно платить: пусть площадь квартиры, которую он хочет уменьшить равна  $x$ , тогда, тогда квартиру можно уменьшить в  $y$  раз, заплатив ровно  $y$  монет, если после этого площадь останется целым числом, причем для каждой квартиры можно повторять такую операцию несколько раз. Всего у Даниила  $k$  монет, помогите ему узнать какую минимальную площадь максимальной квартиры он может получить, заплатив не более  $k$  монет.

### Формат входных данных

Первая строка содержит два целых числа  $n$  и  $k$  ( $1 \leq n \leq 10^5, 0 \leq k \leq 10^9$ ) — количество квартир и количество монет соответственно.

Вторая строка содержит  $n$  целых чисел  $a_1, a_2, \dots, a_n$  ( $1 \leq a_i \leq 10^6$ ) — площади квартир.

### Формат выходных данных

Выведите одно число — минимальную площадь максимальной квартиры, которую он может получить.

### Система оценки

Решения, корректно работающие для  $n \leq 3$  получают не менее 30 баллов.

### Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
3 10 27 15 20	9

## Задача D. Близкие строки

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	3 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Определим *близость* двух строк следующим образом: выделим у обеих строк наибольший общий префикс (совпадающие буквы в начале строк) и удалим его. Затем выделим наибольший общий суффикс у обеих строк (совпадающие буквы в конце строк) и тоже удалим его. Сумма длин удалённого префикса и суффикса будет равна близости этих строк.

К примеру, *близость* строк `programming` и `pruning` равна пяти: сначала удаляем наибольший общий префикс `pr`, затем удаляем наибольший общий суффикс `ing`. Сумма длин этих строк равна  $2+3 = 5$ . Также *близость* строк `hse` и `hsehsehse` равна трём, поскольку после удаления наибольшего общего префикса `hse`, длина наибольшего общего суффикса у пустой строки и `hsehse` равна нулю.

Дан набор из  $n$  строк. Для каждой строки найдите ближайшую к ней из набора, исключая саму эту строку.

### Формат входных данных

Первая строка входных данных содержит одно целое число  $n \geq 2$  — число строк.

Каждая из следующих  $n$  строк содержат одну строку из строчных букв латинского алфавита.

### Формат выходных данных

В единственной строке выходных данных выведите  $n$  чисел, разделённых пробелом — номера ближайших строк для каждой строки. Строки пронумерованы от 1 до  $n$  в том порядке, в котором они перечисляются во входном файле.

Если возможных ответов несколько, выведите любой из них.

### Система оценки

Тесты к задаче разделены на четыре группы. Баллы за каждую группу ставятся только при прохождении всех тестов группы и всех тестов из предыдущих групп.

Обозначим за  $k$  как максимальную длину строки, а  $S = \sum_{i=1}^n |s_i|$  как суммарную длину всех строк.

Группа	Баллы	$n$	$k$	$S$
1	15	$n \leq 2000$	$k \leq 100$	$S \leq 2 \cdot 10^5$
2	25	$n \leq 10^6$	$k \leq 100$	$S \leq 10^6$
3	40	$n \leq 10^6$	$k \leq 10^6$	$S \leq 10^6$
4	20	$n \leq 10^6$	$k \leq 10^6$	$S \leq 12 \cdot 10^5$

### Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
6 pruning problem hse algorithm programming hsehsehse	5 5 6 2 1 3
3 double duplicate duplicate	3 3 2