Международная олимпиада молодежи – 2015/16

«ПРИКЛАДНАЯ МАТЕМАТИКА» 10 класс

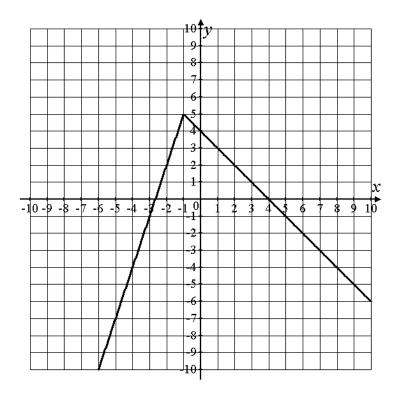
Время выполнения задания — 120 минут ДЕМОНСТРАЦИОННЫЙ ВАРИАНТ

При ответе на задание напишите сначала получившийся в ходе его решения краткий ответ, затем — напишите решение. Задание считается выполненным только при условии, что указан как краткий ответ, так и полное развернутое решение

1. Найти наименьшее значение функции y = (x+1)(x+2)(x+8)(x+9).

Ответ: -12,25

2. График функции y = k|x-t| + ax + b изображен на рисунке. Найдите значения всех параметров k, t, a и b. Ответ: -2; -1; 1; 6



- 3. Биссектриса угла N треугольника MNP делит сторону MP на отрезки, длины которых равны 28 и 12. Найти периметр треугольника MNP, если MN NP = 18. Ответ: 85
- 4. В прямоугольнике проведены 2 отрезка, один из которых параллелен основанию, а другой боковой стороне. Сумма площадей *всех* получившихся прямоугольников равна 20. Найти площадь самого исходного прямоугольника. Ответ: 5

5. Известно, что для любого x > 0 выполнено $f\left(\frac{1}{x}\right) = \frac{1}{x+1}$. Найти $f\left(1-x\right)$.

Ответ: (х-1)/(х-2)

- 6. Прямая проходит через центр квадрата со стороной 1. Найдите сумму квадратов расстояний от всех вершин квадрата до этой прямой. Ответ: 1
- 7. Представьте многочлен $x^7 + x^5 + 1$ в виде произведения двух многочленов.

Other:
$$(x^2 + x + 1)(x^5 - x^4 + x^3 - x + 1)$$